

**GÉOMÉTRIE TOROÏDALE ET GÉOMÉTRIE ANALYTIQUE NON ARCHIMÉDIENNE.
APPLICATION AU TYPE D'HOMOTOPIE DE CERTAINS SCHÉMAS FORMELS**

Amaury THUILLIER

Résumé. La géométrie analytique non archimédienne au sens de V. G. Berkovich fournit un cadre naturel pour formuler les aspects combinatoires de la théorie des variétés toriques et des plongements toroïdaux. Ce point de vue conduit à une preuve conceptuelle et élémentaire du résultat suivant : si X est un schéma algébrique sur un corps parfait et si D est le diviseur exceptionnel, à croisements normaux, d'une résolution des singularités de X , le type d'homotopie du complexe d'incidence de D est un invariant de X . Il s'agit d'une généralisation d'un théorème de D. Stepanov.

Abstract. V. G. Berkovich's Non-Archimedean analytic geometry provides a natural framework to understand the combinatorial aspects in the theory of toric varieties and toroidal embeddings. This point of view leads to a conceptual and elementary proof of the following result : if X is an algebraic scheme over a perfect field and if D is the exceptional normal crossing divisor of a resolution of the singularities of X , the homotopy type of the incidence complex of D is an invariant of X . This is a generalization of a theorem due to D. Stepanov.

Zusammenfassung. Für das Verständnis der kombinatorischen Aspekte der Theorie torischer Varietäten und toroidaler Einbettungen gründet die nicht-archimedische analytische Geometrie des V. G. Berkovichs einen gerechten Rahmen. Von diesem Standpunkt folgt ein begrifflicher und grundlegender Beweis der folgenden Aussage. Sei X ein algebraisches Schema über einem perfekten Körper. Wenn D der Sonderdivisor mit normalen Kreuzungen einer Auflösung seiner Singularitäten ist, ist der Homotopie-Typ des Incidenz-Komplexes von D eine Invariante des Schemas X . Dieses Ergebnis verallgemeinert ein Theorem D. Stepanovs.
